

第3章

运算方法与运算器

内容要点：

重点介绍运算方法，包括定点加减法运算、定点乘法运算、定点除法运算、逻辑运算以及浮点加减法运算。

介绍运算器的结构，包括算术逻辑部件(ALU)，通用寄存器和标志寄存器，以及各部件相互连接的数据通路。

定点运算器以位片电路 Am2901 为例作了详细介绍。

3.1 定点加减法运算例题分析

定点加法运算是计算机内最重要的运算，减法可通过补码加法实现，乘法和除法可以通过一系列加减法和移位实现。

并行加法器是算术逻辑部件的核心和主体，不管计算机运算采用什么码制，加法器结构本质上都是执行补码操作完成的。

已知两个定点数 x 和 y ，将 x 和 y 用补码表示成 $[x]_{\text{补}}$ 、 $[y]_{\text{补}}$ ，则有：

$$[x+y]_{\text{补}} = [x]_{\text{补}} + [y]_{\text{补}}$$

$$[x-y]_{\text{补}} = [x]_{\text{补}} + [-y]_{\text{补}}$$

因此，不管 x, y 的真值是正数还是负数，求和时只要把 x, y 用补码表示，就可直接做加法，得到的结果就是 x 与 y 和的补码，而不需考虑谁大谁小、谁负谁正，结果的符号就是和的补码的正确符号。

做减法时，只要把减数符号改号，求得 $[-y]_{\text{补}}$ 直接按加法运算，最后得到的结果就是 $(x-y)$ 的补码。

做补码加减法，其补码符号位和数值位一起参加运算，最后得到的结果符号位就是二数和或差的正确符号位。

需要注意，当补码加减法溢出时，结果的符号位将出现错误，为了避免错误，可采用双符号位法来解决，即每一个数的补码符号位用两个相同的数来表示：正数的符号用 00 来表示，负数的符号用 11 来表示。

当结果的符号出现 01 或 10 时,说明补码加减法时出现溢出,01 表示正向溢出,或叫上溢,10 表示负向溢出,或叫下溢。

【例 3-1】 已知两个定点二进制小数, $[x]_{\text{补}} = 0.1001$, $[y]_{\text{补}} = 0.0101$, 求 $[x+y]_{\text{补}}$ 的值。

解: 执行加减法运算,为防止溢出时出现错误的符号,两个操作数都用双符号位表示,不管 x, y 是正数或是负数。

$$\begin{array}{r} [x]_{\text{补}} \\ + [y]_{\text{补}} \\ \hline [x]_{\text{补}} + [y]_{\text{补}} \end{array} \quad \begin{array}{r} 00.1001 \\ + 00.0101 \\ \hline 00.1110 \end{array}$$

$$[x]_{\text{补}} + [y]_{\text{补}} = [x+y]_{\text{补}} = 0.1110$$

两个正数相加,结果的符号为正,和也正确,说明运算正常。

【例 3-2】 已知两个定点二进制数: $[x]_{\text{补}} = 0.1101$, $[y]_{\text{补}} = 0.1010$, 求 $[x+y]_{\text{补}}$ 的值。

解: 两个操作数若不采用双符号位表示。

$$[x]_{\text{补}} = 0.1101, [y]_{\text{补}} = 0.1010$$

$$[x+y]_{\text{补}} = [x]_{\text{补}} + [y]_{\text{补}} = 0.1101 + 0.1010 = 1.0111$$

两个正数相加,结果为负数,显然是错误的,原因是两个数相加,最高位数值位的和大于 1,产生进位,把符号位变成 1,实际结果为正,但结果大于 1,溢出了,属于上溢。

为避免溢出造成的错误,用双符号位表示操作数的数符,即 $[x]_{\text{补}} = 00.1101$, $[y]_{\text{补}} = 00.1010$, 则

$$[x+y]_{\text{补}} = [x]_{\text{补}} + [y]_{\text{补}} = 00.1101 + 00.1010 = 01.0111$$

结果的符号为 01,说明出现问题,即结果为正,但溢出了,称为上溢。

今后执行补码加减法运算,不管结果如何,操作数必须用双符号位表示,才能给出正确的运算结果。

【例 3-3】 已知两个定点二进制小数: $[x]_{\text{补}} = 0.1101$, $[y]_{\text{补}} = 0.1010$, 求 $[x-y]_{\text{补}}$ 的值。

解: $[x-y]_{\text{补}} = [x+(-y)]_{\text{补}} = [x]_{\text{补}} + [-y]_{\text{补}}$

做减法时,应先求出减数 $[-y]_{\text{补}}$,然后再作 $[x]_{\text{补}} + [-y]_{\text{补}}$,即可得到 $[x-y]_{\text{补}}$ 的结果。

$[y]_{\text{补}} = 0.1010$, 求 $[-y]_{\text{补}}$ 时,可将 $[y]_{\text{补}}$ 各位变反末位 +1 得到,

$$[-y]_{\text{补}} = 1.0101 + 0.0001 = 1.0110$$

$$\begin{aligned} [x-y]_{\text{补}} &= [x]_{\text{补}} + [-y]_{\text{补}} \\ &= 00.1101 + 11.0110 \\ &= 00.0011 \end{aligned}$$

注意: 最高符号位的进位可以作为补码的模数扔掉,对结果没有影响。

【例 3-4】 已知两个定点二进制小数: $[x]_{\text{补}} = 1.1001$, $[y]_{\text{补}} = 0.1011$, 求 $[x-y]_{\text{补}}$ 的值。

解: $[x-y]_{\text{补}} = [x]_{\text{补}} + [-y]_{\text{补}}$

先求 $[-y]_{\text{补}} = 1.0101$ 是由 $[y]_{\text{补}}$ 各位变反末位 +1 得到。

$$[x]_{\text{补}} + [-y]_{\text{补}} = 11.1001 + 11.0101 \\ = 10.1110$$

扔掉最高符号位之进位,结果为 10.1110 表示其差为负数,但溢出了,称为下溢。

3.2 定点乘除法运算例题分析

原码乘法是计算机中的基本运算。

原码又称符号—绝对值表示法,最高位为符号位,后面是数的绝对值。求两个数原码的乘积时,可分别求出乘积的符号和乘积的绝对值。乘积的符号按照同号两数相乘乘积为正,异号两数相乘乘积为负,因此乘积的符号可用参加运算的两数符号的“异或”求得。

两数的乘积就是两数绝对值的乘积,绝对值看作正数。两个正数做乘法时,需根据乘数每位的值(“0”或“1”),决定将被乘数加到部分积中,或是不加,根据每位乘数的位权,将部分积进行移位,以便错位进行相加,根据乘数的位数,决定进行几次加被乘数的操作。

【例 3-5】 已知 $[A]_{\text{原}} = 0.1011$, $[B]_{\text{原}} = 0.0101$ 为定点二进制小数。求 $[A]_{\text{原}} \times [B]_{\text{原}}$ 的值。

解: 求二数乘积的关键是求二数绝对值的积。

(1) 做乘法前,需将被乘数放入被乘数寄存器 A 中,乘数放入乘数寄存器 B 中,将部分积寄存器 Z 清“0”,将乘数位数放入乘法次数计数器 C_d 中。

(2) 乘法步骤:

① 根据乘数寄存器末位之值 B_n ,决定是否把被乘数加到部分积寄存器 Z 中。

若 $B_n = 1$,通过加法器做 $Z + B \rightarrow Z$ 。

若 $B_n = 0$,通过加法器做 $Z + 0 \rightarrow Z$ 。

加法操作均采用双符号位表示运算数据。

② 将乘数寄存器 B 右移 1 位,因为判断乘数之值的电路设在乘寄存器的末位;另外空出乘数寄存器的高位可用来存放双倍乘积的低位。

同时将部分积寄存器的内容右移 1 位,低位移入 B 之高位。主要是因为乘数各位数之位权不同,必须根据乘数的位数,实现错位相加。

③ 乘法次数计数器 $C_d - 1$,判断 $C_d = 0$?

若 $C_d \neq 0$,继续执行乘法下步操作,判断 $B_n = 1$?

若 $C_d = 0$,乘法结果得二倍字长乘积。

(3) 最后求乘积符号,将二数符号位异或, $A_0 \oplus B_0 \rightarrow Z_0$

乘法结束时,得到二倍字长乘积,乘积高位在 Z 中,乘积低位在乘数寄存器 B 中,乘数消失。

具体乘法步骤:

部分积寄存器	乘数寄存器	说明
00.0000 + 00.1011 —————	0101	起始, $C_d=4$ $B_4=1, +A$
00.1011 00.0101 + 00.0000 —————	1010	Z、B右移1位, $C_d-1=3$ $B_3=0, +0$
00.0101 00.0010 + 00.1011 —————	1101	Z、B右移1位, $C_d-1=2$ $B_2=1, +A$
00.1101 00.0110 + 00.0000 —————	1111	Z、B右移1位, $C_d-1=1$ $B_1=0, +0$
00.0110 00.0011 —————	0111	Z、B右移1位, $C_d-1=0$ 乘法结束

乘积符号 $Z_0 = A_0 \oplus B_0 = 0 \oplus 0 = 0$, 乘积为正。

因此, $[A]_{原} \times [B]_{原} = 0.00110111$, 高位积在 Z 中, 低位积在 B 中。

【例 3-6】 已知两个定点二进制数, $A = 0.101011$, $B = 0.011010$, 用原码两位乘法求 $[A]_{原} \times [B]_{原}$ 的值。

解: 乘法步骤与原码一位乘法类似, 区别在于每次根据乘数末 2 位的值决定把几倍被乘数加到部分积中, 另外在乘数寄存器末尾又增加一个附加位 B_{n+1} , 以便每次根据乘数末 2 位的值及附加位的值决定具体的乘法操作。每次乘法后, 乘数寄存器右移 2 位, 以便判断新的乘数位, 部分积寄存器右移 2 位, 以便实现按乘数之位权实现错位加法。

乘数末 2 位	附加位	乘法规则	说明
B_{n-1}	B_n	B_{n+1}	
0 0	0	$Z_{i+1} = \frac{1}{4}(Z_i + 0)$	加 0, 右移 2 位
0 1	0	$Z_{i+1} = \frac{1}{4}(Z_i + A)$	加 A, 右移 2 位
1 0	0	$Z_{i+1} = \frac{1}{4}(Z_i - 2A)$	减 2A, 右移 2 位
1 1	0	$Z_{i+1} = \frac{1}{4}(Z_i - A)$	减 A, 右移 2 位
0 0	1	$Z_{i+1} = \frac{1}{4}(Z_i + A)$	加 A, 右移 2 位
0 1	1	$Z_{i+1} = \frac{1}{4}(Z_i + 2A)$	加 2A, 右移 2 位
1 0	1	$Z_{i+1} = \frac{1}{4}(Z_i - A)$	减 A, 右移 2 位
1 1	1	$Z_{i+1} = \frac{1}{4}(Z_i + 0)$	加 0, 右移 2 位

设立乘法附加位是为了简化乘法规则和乘法控制电路。乘法运算时要加 2 倍被乘

数,可能溢出,为了得到正确结果,有关操作数都需用 3 位符号位,000 表示正数,111 表示负数,3 个符号位不同,表示溢出,但运算过程中并不担心会溢出,因为加法之后,马上要右移 2 位。

加法运算中十 $2A$,实际上是把被乘数 A 左移 1 位送到加法器中实现。

运算过程中用到有关 $+A$, $-A$, $+2A$, $-2A$ 各数需要在运算前求出。

$$+A = 000.101011 \quad +2A = 001.010110$$

$$[-A]_{\text{补}} = 111.010101 \quad [-2A]_{\text{补}} = 110.101010$$

两位原码乘法运算过程如下:

部分积寄存器	乘数寄存器附加位	说明
000.000000	011010 0	起始 乘数末 3 位 100, $-2A$
$+ 110.101010$		
110.101010	100010 1	右移 2 位 乘数末 3 位 101, $-A$
111.101010		
$+ 111.010101$		
$\textcircled{1} 110.111111$	111001 1	右移 2 位 乘数末 3 位 011, $+2A$
111.101111		
$+ 001.010110$		
$\textcircled{1} 001.000101$	011110 0	右移 2 位
000.010001		

6 位乘数的两位乘法共做 3 次加法,3 次右移,得到结果,比一位乘法运算速度快一倍,但运算器结构要复杂一些,除了执行 $+A$, $-A$ 运算外,还要做 $+2A$, $-2A$ 运算。部分积寄存器和乘数寄存器还需设置右移 2 位线路。

乘积符号 $Z_0 = A_0 \oplus B_0 = 0 \oplus 0 = 0$,为正数。

最后得双倍字长乘积: $Z = 0.010001011110$,高位乘积在部分积寄存器中,低位乘积在乘数寄存器中。

【例 3-7】 已知两个定点二进制小数: $A = 0.1011$, $B = 0.1101$ 。用恢复余数除法求 $[A]_{\text{原}} \div [B]_{\text{原}}$ 的值。

解: 原码除法求商,将商的符号与商的数值分开处理。

商的符号: 根据同号两数相除商为正,异号两数相除商为负得到。可用异或电路求得 $A_0 \oplus B_0$ 。

求商的数值:

(1) 判断除法溢出,比较余数决定商什么。

在定点小数除法中,被除数之值必须小于除数,否则商的数值要大于 1,造成溢出。

计算机中判断溢出是用被除数减除数来实现的,如果够减,表示商的数值大于 1,此时商寄存器末位商“1”,如果不够减商“0”。第 1 次除法商“1”,表示被除数大于除数,商大于 1,在定点小数运算中表示结果溢出,不再继续做除法,转溢出处理。

一般情况,定点小数运算结果应小于 1,第 1 位商“0”,表示不够减,不溢出。继续作除法时,还应加上除数,恢复成原来的被除数,才能继续做下一步除法。

(2) 余数左移 1 位。第 1 次不够减, 商“0”, 商在整数位上, 恢复余数后, 将余数左移 1 位, 使余数乘 2, 以便再与除数比较大小。

(3) 根据比较结果上商, 上商线路设在商寄存器末位, 每次运算商寄存器也左移 1 位, 以便下次上商。

根据除数位数, 决定除法次数, 如果被除数、除数数值位都是 4 位, 加上第 1 次判溢出共需做 5 次减法, 4 次左移即可得 4 位商, 结束除法。

除法操作开始前需把被除数 A 放在被除数寄存器, 除法开始后, 被除数寄存器用来存放部分余数。除数放在除数寄存器 B 中, 还需设置一个商寄存器 C, 每次商在商寄存器末位。

除法过程中用到 $+B$, $-B$ 操作, 可先求出 $[-B]_{\text{补}} = [-0.1101]_{\text{补}} = 1.0011$, $[+B]_{\text{补}} = 0.1101$ 。

恢复余数除法: 当每次余数为负, 商“0”时, 需要加上除数, 以恢复原来余数。

原码恢复余数除法过程:

被除数寄存器 A	商寄存器 C	说明
$\begin{array}{r} 00.1011 \\ + 11.0011 \\ \hline \end{array}$	0.000 0	起始 $-B$, 判溢出
$\begin{array}{r} 11.1110 \\ + 00.1101 \\ \hline \end{array}$	0.000 0	$R_0 < 0$, 商 0, 不溢出 $+B$, 恢复余数
$\begin{array}{r} ① 00.1011 \\ 01.0110 \\ + 11.0011 \\ \hline \end{array}$	0.000 □	A、C 左移 1 位 $-B$
$\begin{array}{r} ① 00.1001 \\ 01.0010 \\ + 11.0011 \\ \hline \end{array}$	0.000 1	$R_1 > 0$, 商“1” A、C 左移 1 位 $-B$
$\begin{array}{r} ① 00.0101 \\ 00.1010 \\ + 11.0011 \\ \hline \end{array}$	0.001 1	$R_2 > 0$, 商“1” A、C 左移 1 位 $-B$
$\begin{array}{r} 11.1101 \\ + 00.1101 \\ \hline \end{array}$	0.011 0	$R_3 < 0$, 商“0” $+B$, 恢复余数
$\begin{array}{r} ① 00.1010 \\ 01.0100 \\ + 11.0011 \\ \hline \end{array}$	0.110 □	A、C 左移 1 位 $-B$
100.0111	0.110 1	$R_4 > 0$, 商“1”

除法过程做 5 次减法, 4 次移位, 求得 5 位商。第 1 次求商实际上是从整数位上判溢出, 当整数位为“1”, 表示结果大于“1”, 溢出, 应该结束除法。多数情况第 1 次求得的整数商为“0”。

两数同号相除, 商的符号为正。

$$[A]_{原} \div [B]_{原} = 0.1101$$

余数为 0.0111, 实际上这是左移 4 位后的余数, 真正余数 $R = 0.0111 \times 2^{-4}$ 。

【例 3-8】 已知两个定点二进制小数, $A = 0.1001$, $B = -0.1011$ 。

用加减交替法求 $[A]_{原} \div [B]_{原}$ 的值。

解: 加减交替法除法又叫不恢复余数除法, 因为恢复余数时需多做若干次加法, 使除法过程变慢, 速度降低。

原码除法, 商的符号位单独处理, 商的数值看作两个正数相除。

加减交替法运算规则与恢复余数除法之区别在于:

恢复余数除法每次减除数后, 根据余数决定商及是否恢复余数。当余数为正时, 上商“1”, 不恢复余数, 下次做减法; 余数为负时, 上商“0”, 且需恢复余数, 下次做减法。

加减交替法每次根据余数决定上商和下次做加法还是做减法, 但都不恢复余数。当余数为正时, 上商“1”, 不恢复余数, 下次做减法; 当余数为负时, 上商“0”, 不恢复余数, 但下次做加法。

因为不需恢复余数, 所以除法操作中, 加减法的次数固定, 速度比恢复余数除法快。

本例中, $[A]_{原} = 0.1001$, $[B]_{原} = 1.1011$, 做原码除法时, 不考虑数的符号, 都作为正数进行运算。因此 B 虽为负数, 但原码除法求商的绝对值时, 可把 B 当作正数看, 商的符号单独处理。

+B 操作: $+0.1011$

-B 操作: $+[-0.1011]_{补} = 1.0101$

加减交替原码除法过程如下:

被除数放在被除数寄存器 A 中, 除数放在除数寄存器 B 中, 商从商寄存器末位开始上商。

被除数寄存器 A	商寄存器 C	说明
$\begin{array}{r} 00.1001 \\ + 11.0101 \\ \hline \end{array}$	0.000 0	起始 -B, 判溢出
$\begin{array}{r} 11.1110 \\ 11.1100 \\ + 00.1011 \\ \hline \end{array}$	0.000 0	$R_0 < 0$, 商“0”, 不溢出
$\begin{array}{r} 00.0111 \\ 00.1110 \\ + 11.0101 \\ \hline \end{array}$	0.000 1	A、C 左移 1 位 +B
$\begin{array}{r} 00.0011 \\ 00.0110 \\ + 11.0101 \\ \hline \end{array}$	0.001 1	$R_1 > 0$, 商“1” A、C 左移 1 位 -B
$\begin{array}{r} 00.0001 \\ 00.0110 \\ + 11.0101 \\ \hline \end{array}$	0.011 0	$R_2 > 0$, 商“1” A、C 左移 1 位 -B
$\begin{array}{r} 11.1011 \\ 11.0110 \\ + 00.1011 \\ \hline \end{array}$	0.110 0	$R_3 < 0$, 商“0” A、C 左移 1 位 +B
$\begin{array}{r} 00.0001 \\ \hline \end{array}$	0.110 1	$R_4 > 0$, 商“1”

5 位数的除法采用加减交替法共做 5 次加减法, 4 次移位, 求得 5 位商, 结束运算, 第 1 位商实际上是判结果溢出否。

二数异号为商的符号 $A_0 \oplus B_0 = 0 \oplus 1 = 1$, 商为负, $[A]_{原} \div [B]_{原} = 0.1001 \div 1.1011 = 1.1101$, 余数左移 4 次后, $R_4 = 0.0001$, 真正余数 $R = 0.0001 \times 2^{-4}$ 。

3.3 逻辑运算例题分析

逻辑运算处理的逻辑变量是“真与假”两个相反的逻辑概念,用二进制数 0,1 表示。

常用的逻辑运算有逻辑加、逻辑乘、异或、求反等运算,可直接使用或门、与门、异或门、非门实现。

所有的逻辑运算都是按位运算,相邻各位没有进位关系。

【例 3-9】 如何将 8 位寄存器中的数据最高位置“1”或置“0”? 如何将 ASCII 码中低 4 位分离出来?

解: 利用逻辑运算可以解决这些问题。

任何一位二进制数 S, 经过下列运算可得下列结果:

$$S \vee 1 = 1 \quad S \wedge 0 = 0 \quad S \oplus 1 = \bar{S}$$

因此 8 位寄存器中的数据 A, 可通过 $A \vee 80H$ 将最高位置“1”; 通过 $A \wedge 7FH$ 可将最高位置“0”; 通过 $A \oplus 80H$ 可将最高位变反。

如果需要将 ASCII 码低 4 位分离出来, 可进行下列逻辑操作:

$$(ASCII) \wedge 0FH$$

【例 3-10】 化简逻辑函数 $F = AB + \bar{A}C + BCD$ 。

解: 利用基本逻辑代数公式化简:

$$\begin{aligned} F &= AB + \bar{A}C + BCD \\ &= AB + \bar{A}C + BC + BCD \\ &= (AB + \bar{A}C) + (BC + BCD) \\ &= AB + \bar{A}C + BC \\ &= AB + \bar{A}C \end{aligned}$$

其中用到:

① 互补律: $A + \bar{A} = 1$ 。

② 0-1 律: $A + 1 = 1$ 。

③ 吸收律: $A + AB = A$, 即 $A + AB = A(1+B) = A$ 。

④ 第二吸收律: $A + \bar{A}B = A + B$, 即

$$\begin{aligned} A + \bar{A}B &= A + AB + \bar{A}B \\ &= A + B(A + \bar{A}) \\ &= A + B \end{aligned}$$

$AB + \bar{A}C + BC = AB + \bar{A}C$, 即

$$\begin{aligned} AB + \bar{A}C + BC(A + \bar{A}) &= AB + \bar{A}C + ABC + \bar{A}BC \\ &= AB + ABC + \bar{A}C + \bar{A}CB \\ &= AB + \bar{A}C \end{aligned}$$

3.4 位片结构定点运算器例题分析

运算器是计算机数据处理中心,主要功能是对数据进行算术运算和逻辑运算。运算器的核心是一个并行加法器,运算结果的特征,如溢出、结果为“0”等需保存在专门的标志寄存器中。

运算器中设置一组寄存器,用来存放参加运算的数据和中间结果,区别于单累加器结构,通用寄存器中每个寄存器都可以存放运算结果,程序员通过指令使用这组寄存器。

为了完成乘除法运算,运算器中提供左右移位功能,为了支持乘除法运算设置乘商寄存器,用来存放乘数或商数。

【例 3-11】 运算器中各寄存器间如何交换数据? 运算器与存储器和 I/O 如何交换数据?

解: 运算器的核心是算术逻辑部件(ALU),是整机的数据处理中心,计算机中各部件的数据都需要送到 ALU 中来处理。ALU 有两个输入端,送入两个被运算的数据,一个输出端送出运算结果。运算器中有多个数据寄存器,通过两个多路数据选择器选择需要的寄存器中的数据,分别送给 ALU 的两个数据输入端,经过算术逻辑部件处理,由 ALU 输出。外部数据,例如存储器和 I/O 等需要送往通用寄存器的数据,也需要经过 ALU 输入多路选择器,经过 ALU 再送入指定的寄存器中。ALU 输出数据线即可作为与各寄存器连接的公用数据线,这样可以节省寄存器间的连接线,也比较整齐,我们把运算器中各寄存器间交换数据的公共通路叫内总线,或 CPU 总线,这种结构连线较少,扩充容易。

计算机中各部件包括存储器与 I/O 设备都需要与 ALU 联系,都需要建立与 ALU 的连接通路,因此 ALU 是整个计算机的数据传输中心。冯·诺依曼在总结现代计算机的特征时,专门指出整个计算机运算器为中心。

【例 3-12】 什么叫位片? 位片结构有什么特点?

解: 随着集成电路技术的发展,可以把整个中央处理器(CPU)做一个芯片上。其缺点是计算机的字长、指令系统都已固定,控制逻辑也不能修改,这给不同用途的用户带来很大不便。

位片结构将运算器纵向划分成标准模块,每个模块都是一个字长较短的标准运算器。如 Am2901 就是一个四位运算器,包括全加器、通用寄存器、多路选择器、乘商寄存器及移位电路等。研制不同字长的运算器,可以通过选用不同数目的位片来实现,为设计、制造、使用部门提供很大方便。

【例 3-13】 Am2901 位片运算器的 9 位控制码有什么功能?

解: Am2901 是一个 4 位的运算器芯片,其 ALU 输入数据选择、运算性质、运算结果去向,都是由其控制码决定的。

9 位控制码中的 $I_0 I_1 I_2$ 用来决定把什么数据送入 ALU 的哪个输入端,数据来源包括通用寄存器、乘商寄存器、零或外部数据。当然决定从通用寄存器取数时,还必须根据指令中指定的通用寄存器号来选取。2901 有 16 个通用寄存器,其地址编号必须用 4 位二进制数表示。

$I_3 I_4 I_5$ 用来决定运算种类,包括+、-、 \wedge 、 \vee 、 \oplus 等。

$I_6 I_7 I_8$ 用来决定运算结果去向及移位功能,去向包括:通用寄存器、Q寄存器及片外部件。送给16个通用寄存器的具体哪个寄存器是由指令给定的B口地址决定的。

Am2901是一种功能很强的典型的运算器,弄清其工作原理,对了解计算机是如何工作的很有意义。

【例 3-14】 运算器中设置标志寄存器有什么用处?

解:运算器执行算术运算或逻辑运算,得到运算结果,这个结果往往成为后续指令程序分支的条件,因此需要保存运算结果的特征。如结果为零、为负、溢出、有进位等,保存运算结果特征的寄存器,称为标志寄存器,有时也叫程序状态字 PSW。每种特征在寄存器中用一位来表示。

如结果为“0”时,其对应特征位 $Z=1$,若 $Z=0$,表示结果不为“0”;如结果溢出时,其对应特征位 $V=1$,若 $V=0$,表示结果不溢出;同理 $C=1$ 表示结果有进位, $F=1$,表示结果为负等。

【例 3-15】 双端口存储器有什么特点和用处?

解:一般存储器都是给一个地址,读出一个数,属于单端口存储器,不能给两个地址读出两个数。为了提高访存的速度,希望能够给存储器两个地址,同时读出两个数,这里说的存储器当然是对一个存储器而言,不是两个存储器。如果这样,访存速度可以提高一倍,这种存储器称为双端口存储器,在这种存储器内部需要设置两套独立的读出控制电路。

注意:为了防止两个端口同时向一个存储单元写入不同数,规定写入双端口存储器时,只允许一个端口作为写入端口,但两个端口可以同时读出同一个存储单元,不会发生矛盾。

运算器中,ALU操作,多数情况需要两个操作数,如果两个操作数都放在一个类似存储器的通用寄存器组中,需要两步才能读出两个操作数。为了提高运算速度,希望 ALU 运算时,一拍能够读出两个操作数,这就要求通用寄存器组具有双端口读出的功能,需要设置两套独立的读出控制电路,分别同时给出两个地址,从两个端口同时读出两个操作数。

这种双端口通用寄存器,给两个地址,可以同时读出两个操作数,供给 ALU 两个输入端,在一拍时间内 ALU 可给出运算结果。当两个操作数都来自同一个寄存器,也是允许的,但写入通用寄存器时,不允许同时写入两个操作数,防止同时写入同一个寄存器时造成冲突。所以只设置一套写入控制电路。在运算器中,这种设置不影响写入速度,因为 ALU 只能产生一个运算结果,保存在任何指定的一个寄存器中就可以了,不需要同时写入两个数据。

在 Am2901 中,A 口、B 口都是读出端口。A 口地址、B 口地址都是 4 位,分别控制从 16 个地址中读出有关单元内容送给 A 口和 B 口输出。但写入时,只能由 B 口地址指定,将运算结果写入 B 口地址中。

这种操作类似于二地址指令,A 作为源地址,B 作为目的地址,操作码是 OP,执行下述运算:

$$(B)OP(A)\rightarrow B$$

【例 3-16】 运算器中,在 ALU 输入与通用寄存器输出之间设置数据锁存器,有什么用途?